| Term Spé Maths | interrogation n° 2 | 2 |
|----------------|--------------------|--------------|
| | Suiet A | le 3.10.2025 |

Nom : Prénom :

Cours:

a/ Donner le nom des étapes de la démonstration par récurrence.

b/Traduire chaque propriété par une inégalité :

La suite (u_n) est minorée par 5

La suite (u_n) est décroissante

Exercice 1

On considère la suite (u_n) définie par $u_0 = 8$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 0.5u_n + 9$

Démontrer par récurrence que, pour tout entier naturel $n \ge 0$, $0 \le u_n \le 18$

Exercice 2

On considère la suite définie par $u_0 = 4$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 2u_n - 3$

a/ Calculer u_1 et u_2

b/ On donne la suite (v_n) définie pour tout entier n par $v_n = u_n - 3$

Démontrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le 1^{er} terme.

En déduire l'expression de v_n en fonction de n, puis celle de u_n en fonction de n

| Term Spé Maths | interrogation n° 2 | |
|----------------|--------------------|---------------------|
| | Sujet A | <i>le 3.10.2025</i> |

Nom:

Prénom:

Cours:

a/ Donner le nom des étapes de la démonstration par récurrence.

b/Traduire chaque propriété par une inégalité :

La suite (u_n) est minorée par 5

La suite (u_n) est décroissante

Exercice 1

On considère la suite (u_n) définie par $u_0 = 8$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 0.5u_n + 9$

Démontrer par récurrence que, pour tout entier naturel $n \ge 0$, $0 \le u_n \le 18$

Exercice 2

On considère la suite définie par $u_0 = 4$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 2u_n - 3$

a/ Calculer u_1 et u_2

b/ On donne la suite (v_n) définie pour tout entier n par $v_n = u_n - 3$

Démontrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le 1^{er} terme.

En déduire l'expression de v_n en fonction de n, puis celle de u_n en fonction de n

| Term Spé Maths | interrogation n° 2 | |
|----------------|--------------------|--------------|
| | Sujet B | le 3.10.2025 |

Nom : Prénom :

Cours:

a/ Donner le nom des étapes de la démonstration par récurrence.

b/Traduire chaque propriété par une inégalité :

La suite (u_n) est minorée par 5

La suite (u_n) est croissante

Exercice 1

Soit (u_n) la suite définie par $u_0 = 50$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 0.6u_n + 8$ Démontrer par récurrence que pour tout entier

naturel $n \ge 0$, $20 \le u_n \le 60$

Exercice 2

On considère la suite définie par $u_0 = 5$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 3u_n - 4$

a/ Calculer u_1 et u_2

b/ On donne la suite (v_n) définie pour tout entier n par $v_n = u_n - 2$

Démontrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le 1^{er} terme.

En déduire l'expression de v_n en fonction de n, puis celle de u_n en fonction de n

| Term Spé Maths | interrogation n° 2 | |
|----------------|--------------------|---------------------|
| | Sujet B | <i>le 3.10.2025</i> |

Nom:

Prénom:

Cours:

a/ Donner le nom des étapes de la démonstration par récurrence.

b/Traduire chaque propriété par une inégalité :

La suite (u_n) est minorée par 5

La suite (u_n) est croissante

Exercice 1

Soit (u_n) la suite définie par $u_0 = 50$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 0.6u_n + 8$

Démontrer par récurrence que pour tout entier naturel $n \ge 0$, $20 \le u_n \le 60$

Exercice 2

On considère la suite définie par $u_0 = 5$ et pour tout entier n, $u_{n+1} = 3u_n - 4$

a/ Calculer u_1 et u_2

b/ On donne la suite (v_n) définie pour tout entier n par $v_n = u_n - 2$

Démontrer que (v_n) est une suite géométrique dont on précisera la raison et le 1^{er} terme.

En déduire l'expression de v_n en fonction de n, puis celle de u_n en fonction de n